

# Curva de Phillips e o Modelo de Realimentação: Será Friedman um Neo-Estruturalista?

*Fernando de Holanda Barbosa*

## 1. Introdução

Este trabalho tem dois objetivos. O primeiro consiste em estabelecer uma distinção bastante clara entre o modelo de realimentação proposto por Simonsen (1970) e a curva de Phillips. Esta distinção não tem sido devidamente apreciada na Literatura recente sobre inflação brasileira, e.g. Lemgruber (1974) e Lopes (1979), e, sem dúvida alguma, tem sido fonte de interpretações errôneas do modelo de Simonsen.

O segundo objetivo deste trabalho é proceder a uma análise crítica da afirmação feita por Lopes (1979) de que o modelo de realimentação gera uma curva de Phillips de longo prazo não vertical. Baseado nesta propriedade Lopes classifica o modelo de realimentação como um modelo neo-estruturalista.<sup>1</sup> Mostraremos, adotando a interpretação a nosso ver incorreta de Lemgruber e Lopes, que o modelo de realimentação de Simonsen constitui-se em um caso particular da curva de Phillips, proposta por Friedman (1970), que engloba, também, a curva de Phillips tradicional. Ademais, veremos que o modelo de realimentação corresponde a um caso particular que certamente contém hipótese bastante forte sobre a realidade, pois implica num processo instável e explosivo. Contrariamente ao sugerido por Lopes, o modelo de realimentação produz, como demonstraremos a seguir, uma curva de Phillips vertical no longo prazo, quando o coeficiente de realimentação é unitário.

A organização deste trabalho é a seguinte: a Seção 2 procura mostrar a diferença existente entre o modelo de realimentação e a curva de Phillips. A Seção 3 apresenta uma avaliação crítica da proposição feita por Lopes, mencionada no parágrafo anterior. A Seção 4 sumariza nossas conclusões.

## 2. Curva de Phillips Versus Modelo de Realimentação

O modelo de realimentação admite que a taxa de inflação  $p_t$  resulta de três componentes aditivos: i) autônomo  $\alpha$ , ii) realimentação  $\beta p_t^e$  e iii) regulação de demanda  $g_t = \gamma(De_t - De_t^*)$ ;

$$(2.1) \quad p_t = \alpha + \beta p_t^e + \gamma(De_t - De_t^*)$$

As letras gregas,  $\alpha$ ,  $\beta$  e  $\gamma$  representam parâmetros. O símbolo  $p_t^e$ , no contexto do modelo de realimentação, indica inflação passada ( $p_t^e = p_{t-1}$ ). A variável  $De_t$  é o crescimento da

---

<sup>1</sup> Lopes (1979, p.26) afirma que o modelo de realimentação de Simonsen “pode ser considerado neo-estruturalista porque utiliza os principais elementos da teoria da CEPAL, a saber as noções de pressão inflacionária estrutural (advinda de ajustamentos em preços relativos) e de mecanismos de propagação (que aqui recebe o nome de realimentação), com uma especificação estruturalista da ligação entre demanda agregada e inflação (isto é, uma especificação compatível com uma curva de Phillips de longo prazo não vertical)”.

demanda efetiva ex-ante,  $De_t = \log(e_t / y_{t-1})$  e  $y_{t-1}$  é o produto efetivo no período t-1. Quanto ao termo  $De_t^*$ , Simonsen o define como sendo igual à taxa de crescimento da demanda efetiva ex-ante que tornaria a taxa de inflação nula se as componentes autônoma e de realimentação fossem nulas.

No curto prazo, a demanda efetiva ex-ante pode divergir do produto efetivo,  $e_t \neq y_t$ . Obviamente, ex-post, a demanda efetiva observada  $d_t$  é igual ao produto efetivo  $y_t$  como medido, por exemplo, nas contas nacionais. Entretanto, do ponto de vista teórico, no modelo de realimentação, o que importa é a taxa de crescimento da demanda efetiva ex-ante que é variável não observável na prática.<sup>2</sup> Este fato torna a estimação de equação estrutural (2.1) impossível. Todavia, este problema pode ser superado. Com efeito, a demanda efetiva ex-ante resulta, numa economia fechada, da soma do consumo, do investimento e dos gastos do governo. De maneira bastante geral a demanda efetiva é função do nível de renda  $y$  e de outras variáveis que representaremos pelo símbolo  $x$ , isto é:

$$(2.2) \quad e = e(y, x)$$

Uma aproximação em termos de taxas para a equação acima pode ser escrita como:

$$(2.3) \quad De_t = \theta_y Dy_t + \theta_x Dx_t$$

onde  $\theta_y$  e  $\theta_x$  são parâmetros e o símbolo  $D$  indica taxas de crescimento.

Substituindo-se a equação (2.3) em (2.1), em seguida rearranjando-se alguns termos, obtém-se a seguinte expressão:

$$(2.4) \quad p_t = \alpha + \beta p_t^e + \gamma \theta_y (Dy_t - \frac{De_t^*}{\theta_y}) + \gamma \theta_x Dx_t$$

A taxa de inflação na equação acima é função de variáveis que são observáveis, o que torna possível a sua estimação.<sup>3</sup> Vale salientar que  $\theta_x$  e  $Dx_t$  na verdade representa o produto escalar de um vetor (linha) de parâmetros por um vetor (coluna) de variáveis que entram na especificação da equação de demanda efetiva (2.3).

A curva de Phillips tradicional é representada por uma equação do tipo:

$$(2.5) \quad p_t = \alpha' + \beta' p_t^e + \gamma' \log(y_t / y_t^*)$$

---

<sup>2</sup> Simonsen reconhece este problema quando observa que “O ponto a indagar é em que termos deve ser aferido o crescimento da procura para a especificação da componente de regulagem. A resposta teoricamente mais convincente consistiria em medi-la ao nível de preços resultante das componentes autônoma e de realimentação da inflação. É claro que não existem dados estatísticos sobre o crescimento da procura conceituado nesses termos. O melhor que se pode fazer é utilizar os índices de crescimento do produto real como aproximadores dessas taxas”. [Simonsen (1970), p. 143]. Nesta última frase Simonsen nos aparece ter dado margem a interpretações do tipo Lemgruber-Lopes. Todavia, esta é uma hipótese que reflete uma aproximação empírica, a nosso ver inapropriada, como ficará claro mais adiante.

<sup>3</sup> Estamos desconsiderando os problemas de interpretação do termo  $De_t^*$ . Uma interpretação seria a da taxa antecipada de crescimento de demanda.

onde  $y_t^*$  é o produto potencial da economia, e os demais símbolos têm o mesmo significado anterior.<sup>4</sup>

Lemgruber e Lopes ao compararem as equações (2.4) e (2.5) admitem implicitamente que o vetor  $\theta_x$  é um vetor nulo (ou que  $Dx_t=0$ ). Daí, concluírem que a diferença entre o modelo de realimentação e a curva de Phillips tradicional reside na especificação do termo contendo o produto efetivo. Enquanto no modelo de realimentação a variável relevante seria a taxa de crescimento do produto, na curva de Phillips a variável relevante é nível do produto.

Deixando de lado o problema da interpretação dos mecanismos inflacionários subjacente nas duas formulações, curva de Phillips e modelo de realimentação, a hipótese de que a demanda efetiva é função apenas do nível de renda nos parece suficientemente forte para que um economista na boa tradição bayesiana associasse a essa hipótese uma probabilidade praticamente igual a zero. Todavia, para avaliar a proposição feita por Lopes, mencionada na introdução desta nota, admitiremos na terceira seção deste trabalho que o nosso economista bayesiano seja um dogmático da probabilidade unitária, isto é, que acredite com probabilidade igual a um que  $\theta_x = 0$ .

Até este ponto discutimos o modelo de realimentação de Simonsen como apresentado no livro *Inflação: Gradualismo x Tratamento de Choque*. Em trabalho posterior Simonsen (1974) sugere uma relação entre a taxa de crescimento do produto real e a componente de regulagem de demanda como na Figura 1, e que ele descreve do seguinte modo:

*“Até certo nível de  $g_t$ , a taxa de crescimento do produto real deve ser tanto maior quanto mais intensa for essa componente de regulagem da demanda. Mais ainda, devido ao crescimento físico da oferta de fatores e ao progresso tecnológico, deve existir uma taxa de crescimento positiva para o produto real, alcançável sem pressões inflacionárias de demanda, isto é, com  $g_t = 0$ . É o que denominaremos taxa normal de crescimento do produto real  $[Dy_t^*]$ . Além de certo ponto, um aumento de  $g_t$  deverá provocar uma diminuição de  $[Dy_t]$ . Com efeito, em primeiro lugar, deve-se notar que há um limite físico às possibilidades de crescimento do produto real num período, embora não haja qualquer teto à taxa de inflação; em segundo lugar, uma taxa inflacionária acima de certo nível só deve perturbar a expansão do produto”.* [Simonsen (1974), p. 123].

Algebricamente a relação da Figura 1 pode ser representada pela seguinte equação:<sup>5</sup>

$$(2.6) \quad Dy_t = F(g_t).$$

O problema que surge com essa equação quando se procura combiná-la com a equação (2.1) para se obter uma equação que possa ser estimada é que o formato da função  $F(\ )$  não é conhecida. A seguir, baseado em expansões de Taylor, examinaremos algumas formas aproximadas.

---

<sup>4</sup> No caso de expectativas estáticas:  $p_t^e = p_{t-1}$ .

<sup>5</sup> Na verdade a equação (2.6) já aparece em Simonsen (1970), [equação (4) da página 171]. Contudo, uma formulação mais precisa dessa equação só aparece no trabalho de 1974. O modelo de realimentação de Simonsen deve ser visto como um modelo que determina simultaneamente  $p_t$  e  $Dy_t$ , bem como outras variáveis que por ora não nos interessa. Entretanto, é bom salientar, que, o mercado de trabalho, fundamental na curva de Phillips, está ausente nas equações de Simonsen. Indiretamente reajustes salariais entram através do coeficiente de realimentação. É de se presumir que a taxa de variação dos salários no modelo de realimentação de Simonsen é dada pelo mecanismo institucional introduzido no Governo Castelo Branco, cujo objetivo é a recomposição do salário real médio acrescido dos ganhos de produtividade.

A expansão de Taylor, em torno do ponto  $g_t = 0$ , da equação (2.6) é dada por:

$$(2.7) \quad Dy_t = F(0) + F'(0) g_t + \frac{F''(0)}{2} g_t^2$$

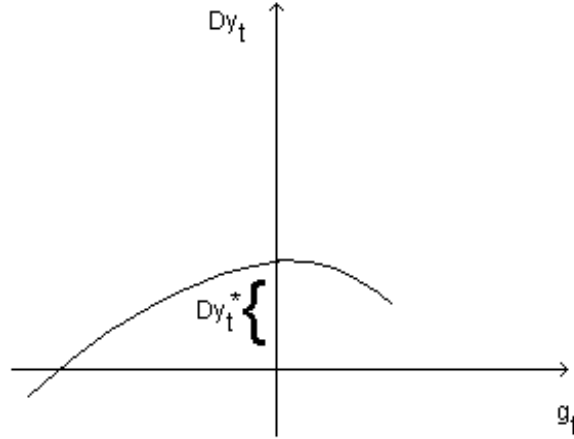


Figura 1. Relação entre a componente de regulação de demanda ( $g_t$ ) e a taxa de crescimento do produto real ( $Dy_t$ )

Observando-se que  $F(0) = Dy_t^*$  a componente de regulação de demanda  $g_t$  em (2.7) pode ser escrita como:

$$(2.8) \quad g_t = \frac{1}{F'(0) + \frac{F''(0) g_t}{2}} (Dy_t - Dy_t^*)$$

Substituindo-se o termo de regulação de demanda da equação (2.1) pelo valor de  $g_t$  dado na expressão anterior, obtém-se:

$$(2.9) \quad p_t = \alpha + \beta p_t^e + \frac{1}{F'(0) + \frac{F''(0) g_t}{2}} (Dy_t - Dy_t^*)$$

É fácil concluir a partir da Figura 1 que  $F'(0) > 0$  e  $F''(0) < 0$ , sendo que o valor de  $F'(0)$  é bastante pequeno.<sup>6</sup> O modelo de realimentação - LL corresponde agora ao modelo de realimentação de Simonsen na versão de 1974 quando se faz  $F''(0) = 0$ .<sup>7</sup> Obviamente, esta não é a hipótese implícita na Figura 1. Ademais, a expansão de Taylor (2.7) não resolve o problema de estimação da equação (2.9) pois o coeficiente de  $(Dy_t - Dy_t^*)$  depende de  $g_t$  e, portanto, varia com o tempo.

<sup>6</sup> Lopes (1979, p. 29) interpreta  $F'(0)$  como sendo igual a zero. Sem dúvida alguma, é difícil extrapolar a partir da Figura 1 qual o valor desta derivada. Todavia, Simonsen na citação transcrita (pp.5-6), dá a entender que o valor dessa derivada no ponto  $g_t=0$  é maior que zero. A hipótese de que  $F'(0)>0$  é feita aqui inclusive porque torna plausível a interpretação Lemgruber-Lopes.

<sup>7</sup> Daqui por diante, para não causar confusão, denominaremos de modelo de realimentação - LL o modelo de realimentação como interpretado por Lemgruber e Lopes.

Alternativamente, a função (2.6) numa aproximação de segunda ordem pode ser escrita como:<sup>8</sup>

$$(2.10) \quad Dy_t = F(0) + \frac{F'(0) + F'(g_t)}{2} g_t$$

Substituindo-se o valor de  $g_t$  fornecido por essa expressão na equação (2.1) resulta em:

$$(2.11) \quad p_t = \alpha + \beta p_t^e + \frac{2}{F'(0) + F'(g_t)} (Dy_t - Dy_t^*)$$

Observe que o coeficiente de  $(Dy_t - Dy_t^*)$  contém o termo  $f'(g_t)$  que além de variar em valor absoluto varia também no que diz respeito ao sinal. Assim, a expansão de Taylor (2.10) também não resolve o problema criado pelo fato da equação (2.1) conter uma variável econômica não observável.<sup>9</sup>

### 3. Curva de Phillips de Friedman x Modelo de Realimentação - LL

Em seu *Theoretical Framework* Friedman sugere a seguinte curva de Phillips<sup>10</sup>

$$(3.1) \quad p_t = \alpha + \beta p_t^e + \gamma (Dy_t - Dy_t^*) + \delta (\log y_t - \log y_t^*)$$

onde  $\alpha$ ,  $\beta$ ,  $\gamma$  e  $\delta$  são parâmetros,  $p_t$  é a taxa de inflação,  $p_t^e$  é a taxa de inflação esperada,  $Dy_t$  é a taxa de crescimento do produto ( $Dy_t = \log y_t / y_{t-1}$ ),  $Dy_t^*$  é a taxa de crescimento de produto potencial ( $Dy_t^* = \log y_t^* / y_{t-1}^*$ ),  $y_t$  é o nível do produto e  $y_t^*$  é o nível de produto potencial.

É fácil verificar-se que se  $\delta = 0$  a equação (3.1) reduz-se ao modelo de realimentação - LL:

$$(3.2) \quad p_t = \alpha + \beta p_t^e + \gamma (Dy_t - Dy_t^*)$$

Quando se tem  $\gamma=0$  na equação (3.1) obtém-se a curva de Phillips tradicional:

$$(3.3) \quad p_t = \alpha + \beta p_t^e + \delta (\log y_t - \log y_t^*)$$

Levando-se em conta que,

$$Dy_t - Dy_t^* \equiv (\log y_t - \log y_t^*) - (\log y_{t-1} - \log y_{t-1}^*)$$

<sup>8</sup> Esse tipo de expansão de Taylor não é comumente usada. Todavia, em alguns casos sua aplicação conduz a resultados bastante simples. Para exemplo, ver Barbosa (1979).

<sup>9</sup> Poderia se pensar que colocando-se no eixo vertical a componente de regulação de demanda  $g_t$  e no eixo horizontal a taxa de crescimento do produto real  $Dy_t$ , uma expansão de Taylor do tipo (2.7) ou (2.10) resolveria o problema. É fácil verificar-se que esse não é o caso.

<sup>10</sup> A especificação de Friedman não contém o termo constante  $\alpha$ ,  $\beta = 1$ , e é em termos diferenciais, no resto é análoga à equação (3/1). A equação a que nos referimos é a equação (28) contida em Friedman (1970), p. 224.

a equação (3.1) pode ser escrita da seguinte forma alternativa:

$$(3.4) \quad p_t = \alpha + \beta p_t^e + (\gamma + \delta) (\log y_t - \log y_t^*) - \gamma (\log y_{t-1} - \log y_{t-1}^*)$$

Fazendo-se o hiato  $h_t = \log y_t^* - \log y_t$ , a equação acima transforma-se em:

$$(3.5) \quad p_t = \alpha + \beta p_t^e - (\gamma + \delta) h_t + \gamma h_{t-1}$$

A equação (3.5) é um caso particular da equação,

$$(3.6) \quad p_t = \alpha + \beta p_t^e - \gamma_1 h_t + \gamma_2 h_{t-1}$$

onde  $\gamma_1 = -(\gamma + \delta)$  e  $\gamma_2 = \gamma$

Admita-se que no longo prazo a taxa de inflação realizada seja igual à taxa de inflação esperada ( $p_t = p_t^e$ ), e que o coeficiente  $\beta$  seja igual à unidade ( $\beta=1$ ). Da equação (3.6) resulta que:

$$(3.7) \quad \gamma_1 h_t + \gamma_2 h_{t-1} + \alpha = 0$$

A equação de diferenças finitas de primeira ordem acima tem a seguinte solução:

$$(3.8a) \quad h_t = -\frac{\alpha}{\gamma + \gamma_2} + c \left(-\frac{\gamma_2}{\gamma_1}\right)^t, \quad \gamma_2 \neq -\gamma_1$$

$$(3.8b) \quad h_t = -\frac{\alpha}{\gamma_1} t + c, \quad \gamma_2 = -\gamma_1$$

onde  $c$  é uma constante que depende das condições iniciais do modelo.

O valor de  $h_t$ , para  $\gamma_2 \neq -\gamma_1$ , converge para

$$-\frac{\alpha}{\gamma_1 + \gamma_2}$$

quando:

$$\left| -\frac{\gamma_2}{\gamma_1} \right| < 1$$

Na curva de Phillips de Friedman,

$$-\frac{\gamma_2}{\gamma_1} = \frac{\gamma}{\gamma + \delta} < 1$$

portanto,  $h_t$  converge para zero pois em sua especificação  $\alpha=0$ , isto é, a curva de Phillips é vertical no longo prazo e o hiato é igual a zero.

O modelo de realimentação - LL admite que,

$$\gamma_2 = -\gamma_1$$

pois  $\delta = 0$ . Assim, no modelo de realimentação - LL, segundo a equação (3.8b), a taxa de capacidade ociosa varia com o tempo mas independe da taxa de inflação, não havendo, conseqüentemente nenhum trade-off no longo prazo entre hiato e taxa de inflação. Portanto, a curva de Phillips associada ao modelo de realimentação é vertical quando o coeficiente de realimentação é unitário. No caso em que  $\alpha=0$  o hiato permanece constante ao longo do tempo, mas o modelo não explica qual o nível do hiato. Quando  $\alpha \neq 0$  o hiato estará variando ao longo do tempo com valores cada vez menores.

#### 4. Conclusão

Certamente Friedman não poderia ser considerado como um economista cujos trabalhos pudessem, de alguma maneira, estar associados a conclusões ligadas a um modelo neo-estruturalista pois, segundo Friedman, a curva de Phillips no longo prazo é vertical. O modelo de realimentação-LL sendo um caso particular, como se mostrou na seção precedente, da curva de Phillips de Friedman não implica, também, no longo prazo, em nenhum trade-off entre hiato e inflação.

Do ponto de vista empírico, o teste do modelo de realimentação-LL se torna bastante interessante pois admite hipótese muito forte sobre o comportamento da economia. A equação (3.5) mostra que este teste pode ser feito, testando-se a hipótese nula de que a soma dos coeficientes  $\gamma_1$  e  $\gamma_2$  é igual a zero. O teste também pode ser feito através da equação (3.1) testando-se a hipótese nula  $\delta=0$ . Este, aliás, foi o procedimento adotado por Lemgruber (1974) e que o levou a rejeitar o modelo de realimentação-LL.

A conclusão a que chegamos na seção precedente quanto à independência entre a taxa de inflação e o hiato no longo prazo pode ser obtida de um modo mais direto e menos algébrico interpretando-se o longo prazo como uma situação em que todas as taxas esperadas são iguais às taxas observadas. Assim, no longo prazo  $Dy_t = Dy_t^*$  e  $p_t = p_t^e$ . Conseqüentemente, quando  $\alpha = 0$  conclui-se da equação (3.1) que  $\log y_t = \log y_t^*$  se  $\beta = 1$ , isto é, a curva de Phillips é vertical no longo prazo. Aliás, este parece ser o enfoque implícito no trabalho de Friedman (1970).

Quando  $\delta = 0$  a equação (3.1) se torna o modelo de realimentação-LL. Impondo-se a condição  $Dy_t = Dy_t^*$  a taxa de inflação de longo prazo, se  $\beta \neq 1$ , será dada por  $\alpha/(1-\beta)$  e independe do nível de hiato.<sup>11</sup> Todavia, quando  $\beta = 1$ ,  $p_t = p_t^e$  e  $Dy_t = Dy_t^*$ , o coeficiente  $\alpha$  que traduz a inflação autônoma, seria igual a zero, resultado que à primeira vista parece um pouco estranho. Contudo, se a inflação autônoma no modelo for constante não faz o mínimo sentido separar este componente da componente de expectativa pois, obviamente, todos os agentes econômicos passariam a incorporar a parcela autônoma de inflação em suas expectativas. Seria então, mais adequado especificar-se a equação (3.1) com o valor

---

<sup>11</sup> Esta é a conclusão a que chega Lemgruber (1974) admitindo que no longo prazo  $Dy_t = Dy_t^*$ .

de  $\alpha$  igual a zero e impor-se a condição  $p_t^e \geq \bar{p}$ , onde  $\bar{p}$  seria a componente autônoma da inflação. No longo prazo, evidentemente  $p_t = p_t^e \geq \bar{p}$ .

A distinção feita na segunda seção deste trabalho entre o modelo de realimentação-LL e o modelo de realimentação de Simonsen mostra claramente que este último modelo não foi ainda testado para a economia brasileira.<sup>12</sup> O teste do modelo de Simonsen depende basicamente da especificação da equação de demanda efetiva bem como de uma análise cuidadosa da parte estocástica do modelo. Cabe, contudo, antes de proceder a um estudo econométrico, com tal finalidade, uma avaliação mais crítica do ponto de vista teórico, pois, por exemplo, no modelo de realimentação de Simonsen um excesso de demanda não provoca inflação. A inflação resulta da diferença entre a taxa de crescimento da demanda efetiva ex-ante e a taxa de crescimento da demanda natural. Assim, é possível existir uma situação em que há excesso de demanda, a taxa de crescimento da demanda ex-ante seja igual à taxa natural, e segundo o modelo de realimentação de Simonsen não existe inflação.

Do ponto de vista econométrico é importante que se formule um modelo que de certo modo generalize os modelos de realimentação e da curva de Phillips, e que possibilite o confronto entre as duas especificações. A seguir, em caráter bastante preliminar apresentamos uma sugestão com este objetivo.

Admita-se que a taxa de inflação seja igual à soma da taxa de variação do mark-up,  $m_t$ , e da taxa de variação do salário nominal  $\omega_t$ , isto é;

$$(4.1) \quad p_t = m_t + \omega_t$$

A taxa de variação do salário nominal é dada pela curva de Phillips,

$$(4.2) \quad \omega_t = \beta p_t^e + \delta (u_t - u_t^*)$$

onde  $u_t$  é a taxa de desemprego e  $u_t^*$  é a taxa de desemprego natural. A chamada Lei de Okun,

$$u_t - u_t^* = \theta h_t, \theta > 0$$

onde  $h_t$  é o hiato e  $\theta$  um parâmetro, positivo, permite que se escreva a equação (4.2) como:

$$\omega_t = \beta p_t^e + \delta \theta h_t$$

Substituindo-se (4.3) em (4.1) chega-se à seguinte expressão para a taxa de inflação:

$$(4.4) \quad p_t = m_t + \beta p_t^e + \delta \theta h_t$$

A expressão anterior permite estimar, desde que  $m_t$  seja considerado constante (ou se comporte aleatoriamente com uma dada média, que pode ser zero), o trade-off entre taxa de inflação e o nível do hiato, bem como testar a hipótese de que o coeficiente  $\beta$  é ou não unitário. Vale ressaltar que a equação (4.4) contém uma hipótese mantida, não-testada,

---

<sup>12</sup> O teste contido em Simonsen (1970) deixa a desejar pois a proxy por ele usada para a taxa de crescimento da demanda efetiva é possivelmente inadequada, além do que as variáveis que foram, deixadas de fora da equação estimada provocam tendenciosidade nas estimativas obtidas.

de que o desvio da taxa de desemprego em relação à taxa natural é ligado através de uma relação estável ao hiato do produto pela chamada Lei de Okun. Obviamente, se esta relação não se aplicar à economia brasileira ou se a relação for instável, alguns estudos realizados para o Brasil deixam, de ter significado. Este ponto, qual seja o da aplicação ou não da Lei de Okun a economia brasileira deve merecer um estudo teórico mais detalhado. Cabe salientar que este problema é bastante diferente do problema da inexistência de dados de desemprego ou da utilização de proxys para o hiato do produto.

O termo de regulação de demanda da equação de Simonsen pode ser introduzido na expressão (4.4) através da taxa de variação do mark-up. Com efeito, supondo-se que

$$(4.5) \quad m_t = \gamma (De_t - De_t^*)$$

a equação (4.4) passa a ser escrita como:

$$(4.6) \quad p_t = \beta p_t^e + \delta \theta h_t + \gamma (De_t - De_t^*)$$

Uma especificação do tipo da equação (2.3) ligaria a variável não observável  $De_t$  a variáveis observáveis e o modelo poderia, então, ser estimado e efetuar-se também o teste de que o coeficiente do hiato do produto seja igual a zero. Este teste seria importante pois discriminaria entre o modelo de realimentação e o de curva de Phillips.

## Referências

- Barbosa, F. de Holanda (1979). “Índice de Custo de Vida: Avaliação do Método da Fundação Getulio Vargas e Nova Formulação”, mimeo, INPES/IPEA.
- Friedman, M. (1970). “A Theoretical Framework for Monetary Analysis”, *Journal of Political Economy*, pp. 193-238.
- Lemgruber, A.C. (1974). “Inflação: o Modelo de Realimentação e o Modelo de Aceleração”, *Revista Brasileira de Economia*, pp. 35-56.
- Lopes, F.L. (1979). “Teoria e Política da Inflação Brasileira Uma Revisão Crítica da Literatura”.
- Simonsen, M.H. (1970). *Inflação: Gradualismo x Tratamento de Choque*. Rio de Janeiro: APEC Editora.
- Simonsen, M.H. (1974). “Política Antiinflacionária - A Contribuição Brasileira”. In *Ensaio Econômicos*. Rio de Janeiro: Editora Expressão e Cultura.
- Tobin, J. (1975). “Keynesian Models of Recession and Depression”, *American Economic Review*, 65, pp. 195-202.